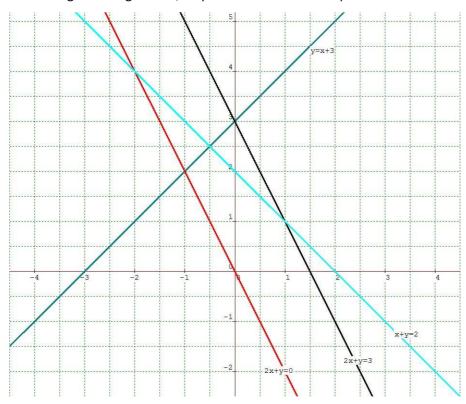
## Ejercicio 1.

Dadas las gráficas siguientes, responde a las cuestiones planteadas.



- ¿Cuál es la solución del sistema  $\begin{cases} y = x + 3 \\ 2x + y = 3 \end{cases}$ ?

Las parejas de valores que son solución de cada ecuación lineal determinan una recta. La solución del sistema es el punto de corte de ambas rectas,  $(0,3) \Rightarrow la$  solución es  $\begin{cases} x=0 \\ y=3 \end{cases}$ 

– Escribe un sistema de ecuaciones cuya solución sea x = -1 , y = 2.

$$\begin{cases} x = -1 \\ y = 2 \end{cases}$$
 es solución del sistema 
$$\begin{cases} 2x + y = 0 \\ y = x + 3 \end{cases}$$
, puesto que ambas rectas se cortan en el punto  $(-1,2)$ 

Escribe un sistema de ecuaciones que no tenga solución.

Un sistema formado por dos rectas paralelas no tiene solución  $\Rightarrow$  será el sistema  $\begin{cases} 2x + y = 0 \\ 2x + y = 3 \end{cases}$ 

- ¿Cuál es la solución del sistema  $\begin{cases} x+y=2\\ 2x+y=0 \end{cases}$ ?

El punto de corte es (-2,4)  $\Rightarrow$  la solución es  $\begin{cases} x = -2 \\ y = 4 \end{cases}$ 

## Ejercicio 2.

Resuelve las siguientes ecuaciones:

a) 
$$2x^2 - 5x - 3 = 0$$

$$\begin{cases} a = 2 \\ b = -5 \Rightarrow x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4 \cdot a \cdot c}}{2 \cdot a} \Rightarrow x = \frac{5 \pm \sqrt{(-5)^2 - 4 \cdot 2 \cdot (-3)}}{2 \cdot 2} = \frac{5 \pm \sqrt{49}}{4} = \frac{5 \pm 7}{4} = \begin{pmatrix} \frac{5+7}{4} = 3 \\ \frac{5-7}{4} = -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$$

Las soluciones de la ecuación son  $\begin{cases} x = 3 \\ x = -\frac{1}{2} \end{cases}$ 

b) 
$$(x-2)(x+3)-2(1-x)=-12$$

Efectuamos las operaciones:

$$x^{2} + 3x - 2x - 6 - 2 + 2x = -12$$
  $\Rightarrow$   $x^{2} + 3x + 4 = 0$ 

$$\begin{cases} a=1\\b=3\\c=4 \end{cases} \Rightarrow x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4 \cdot a \cdot c}}{2 \cdot a} \Rightarrow x = \frac{-3 \pm \sqrt{3^2 - 4 \cdot 1 \cdot 4}}{2 \cdot 1} = \frac{-3 \pm \sqrt{-7}}{2} \Rightarrow la \ ecuación \ no \ tiene \ solución \ real.$$

## Ejercicio 3.

Resuelve, por el método que prefieras, el sistema:  $\begin{cases} 2x + 3y = 4 \\ x - 2y = 9 \end{cases}$ 

Vamos a resolverlo por dos métodos:

### Reducción

$$\begin{cases} 2x + 3y = 4 \\ x - 2y = 9 \end{cases} \xrightarrow{\text{multiplicamos la 2}^{\text{a}} \text{ ecuación por } (-2)} \begin{cases} 2x + 3y = 4 \\ -2x + 4y = -18 \end{cases} \xrightarrow{\text{sumamos ambas igualdades y obtenemos}} 7y = -14 \implies y = -2$$

sustituimos en cualquier ecuación  $\Rightarrow x-2(-2)=9 \Rightarrow x+4=9 \Rightarrow x=5 \Rightarrow solución \begin{cases} x=5 \\ v=-2 \end{cases}$ 

$$\begin{cases} 2x + 3y = 4 \\ x - 2y = 9 \end{cases} \xrightarrow{\text{despejamos } x \text{ en la } 2^{\text{a}} \text{ ecuación}} \begin{cases} 2x + 3y = 4 \\ x = 9 + 2y \end{cases} \xrightarrow{\text{sustituimos en la } 1^{\text{a}} \text{ ecuación}} 2(9 + 2y) + 3y = 4 \Rightarrow 18 + 4y + 3y = 4 \Rightarrow 7y = -14 \Rightarrow y = -2 \Rightarrow x = 9 + 2(-2) \Rightarrow x = 5 \Rightarrow \text{solución} \begin{cases} x = 5 \\ y = -2 \end{cases}$$

$$18 + 4y + 3y = 4 \implies 7y = -14 \implies y = -2 \implies x = 9 + 2(-2) \implies x = 5 \implies solución \begin{cases} x = 5 \\ y = -2 \end{cases}$$

# Ejercicio 4.

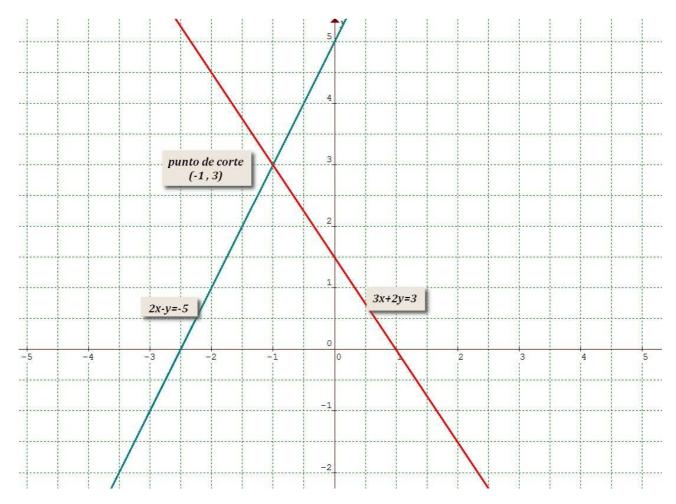
Resuelve gráficamente el sistema 
$$\begin{cases} 3x + 2y = 3 \\ 2x - y = -5 \end{cases}$$

Despejamos la variable "y" en ambas ecuaciones y damos algunos valores a x.

$$3x+2y=3 \implies 2y=3-3x \implies y=\frac{3-3x}{2} \implies \begin{cases} x & y & punto \\ x=1 & y=0 \rightarrow (1,0) \\ x=-1 & y=3 \rightarrow (-1,3) \\ x=3 & y=-3 \rightarrow (3,-3) \end{cases}$$

$$2x - y = -5 \implies 2x + 5 = y \implies y = 2x + 5 \implies \begin{cases} x & y & punto \\ x = 0 & y = 5 & \rightarrow & (0,5) \\ x = -2 & y = 1 & \rightarrow & (-2,1) \\ x = -3 & y = -1 & \rightarrow & (-3,-1) \end{cases}$$

Con esos puntos representamos las rectas y buscamos el punto de corte.



La solución del sistema es 
$$\begin{cases} x = -1 \\ y = 3 \end{cases}$$

### Ejercicio 5.

Calcula el valor de  $\,c$ , sabiendo que  $\,x=-3\,$  es una solución de la ecuación  $\,3x^2+10x+c=0\,$  . Encuentra entonces la otra solución.

Como x = -3 es una solución de la ecuación  $\Rightarrow$  para ese valor se cumple la igualdad  $\Rightarrow$ 

$$\Rightarrow 3 \cdot (-3)^2 + 10 \cdot (-3) + c = 0 \Rightarrow 27 - 30 + c = 0 \Rightarrow c = 3$$

Ahora la ecuación es  $3x^2 + 10x + 3 = 0$ , la resolvemos para encontrar la otra solución.

$$\begin{cases} a = 3 \\ b = 10 \Rightarrow x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4 \cdot a \cdot c}}{2 \cdot a} \Rightarrow x = \frac{-10 \pm \sqrt{10^2 - 4 \cdot 3 \cdot 3}}{2 \cdot 3} = \frac{-10 \pm \sqrt{64}}{6} = \frac{-10 \pm 8}{6} = \frac{-10 \pm 8}{6} = -\frac{1}{3}$$

Las soluciones de la ecuación son  $\begin{cases} x = -3 \\ x = -\frac{1}{3} \end{cases}$ 

## Ejercicio 6.

Resuelve el siguiente sistema de ecuaciones por el método que consideres más oportuno:

$$\begin{cases} 3(x-2) - 2(y+1) = 6 - 4y \\ 5(x+1) - 3y = 60 \end{cases}$$

Efectuamos las operaciones para dejar el sistema en la forma general,

$$\begin{cases} 3x - 6 - 2y - 2 = 6 - 4y \\ 5x + 5 - 3y = 60 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 3x + 2y = 14 \\ 5x - 3y = 55 \end{cases}$$
 aplicamos, por ejemplo, el método de reducción y

multiplicamos la 1ª ecuación por 3 y la 2ª ecuación por 2  $\Rightarrow$   $\begin{cases} 9x + 6y = 42 \\ 10x - 6y = 110 \end{cases} \Rightarrow sumando ambas igualdades$ 

obtenemos la ecuación  $19x = 152 \implies x = \frac{152}{19} = 8$ 

Aplicamos de nuevo el método de reducción y multiplicamos la 1ª ecuación por 5 y la 2ª ecuación por (−3) ⇒

$$\Rightarrow \begin{cases} 15x + 10y = 70 \\ -15x + 9y = -165 \end{cases} \Rightarrow sumando \ ambas \ igualdades \ obtenemos \ la \ ecuación \ 19y = -95 \Rightarrow y = -\frac{95}{19} = -5$$

La solución del sistema es  $\begin{cases} x = 8 \\ y = -5 \end{cases}$ 

## Ejercicio 7.

Un trabajador gana 50 euros en un turno de día y 75 euros en un turno de noche. En un mes ha hecho 22 turnos en total y ha ganado 1 250 euros. ¿Cuántos turnos de día ha hecho? ¿Y de noche?

Definimos las incógnitas que vamos a utilizar:

 $x \rightarrow n^{\circ}$  de turnos de día trabajados

 $y \rightarrow n^{\circ}$  de turnos de noche trabajados

Las condiciones dan lugar a las siguientes ecuaciones:  $\begin{cases} x + y = 22 \\ 50x + 75y = 1250 \end{cases}$ 

Para resolver el sistema aplicamos, por ejemplo, el método de sustitución.

$$\begin{cases} x + y = 22 \\ 50x + 75y = 1250 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = 22 - x \\ 50x + 75y = 1250 \end{cases} \Rightarrow 50x + 75(22 - x) = 1250 \Rightarrow 50x + 1650 - 75x = 1250 \Rightarrow \\ \Rightarrow -25x = -400 \Rightarrow x = \frac{-400}{-25} = 16, \text{ entonces } y = 22 - 16 = 6 \end{cases}$$

Solución: ha trabajado { 16 turnos de día 6 turnos de noche